

Projektgruppe



Jennifer Post

# Clustering und Fingerprinting zur Erkennung von Ähnlichkeiten

2. Juni 2010

# Motivation

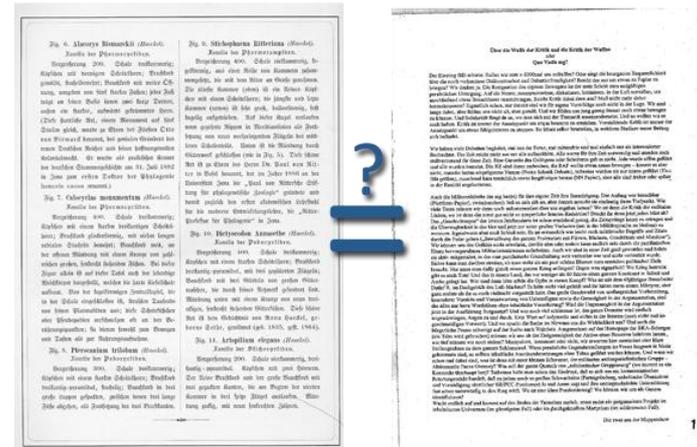
- Immer mehr Internet-Seiten  
→ Immer mehr digitale Texte
- Viele Inhalte ähnlich oder gleich
- Effektive und effiziente Methoden zur Organisation sind notwendig



# Wann sind Texte ähnlich?

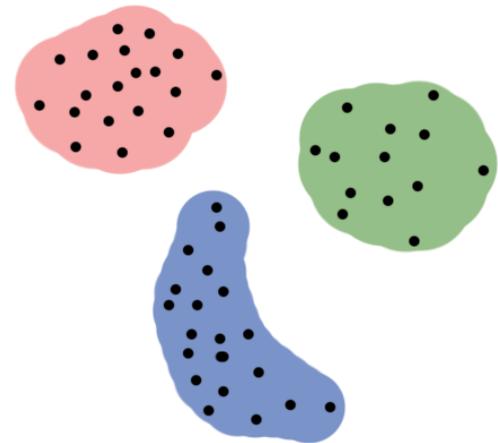
## Ähnliche...

- Thematik
- Satzbau
- Dokument-Struktur



## Clustering – Was ist das?

- Aufteilung einer Menge von Objekten in disjunkte Teilmengen (=Cluster)
- Möglichst große Ähnlichkeiten von Objekten innerhalb eines Clusters
- Möglichst geringe Ähnlichkeit zwischen Objekten verschiedener Clustern



# Wie werden Texte repräsentiert?

## Bag-of-Words-Modell:

- Nur Worte entscheidend
- Andere Informationen (Satzbau, Interpunktion) werden ignoriert



John likes to watch movies . He also likes to watch football games.

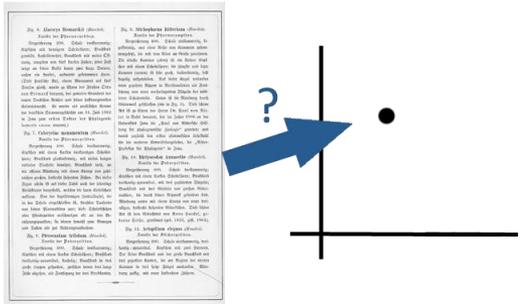
Sandra likes to watch movies too.

{„John“, „likes“, „to“, „watch“, „movies“, „he“, „also“, „football“, „games“, „Sandra“, „too“}

# Wie werden Texte repräsentiert?

## Dokumentvektor

- Komponenten entsprechen Dimensionen
- Häufigkeit der Komponenten entspricht dem Wert



John likes to watch movies .  
 He also likes to watch football games.  
 Sandra likes to watch movies too.

	{„John“	„likes“	„to“	„watch“	„movies“	„he“	„also“	„football“	„games“	„Sandra“	„too“
(	1	2	2	2	1	1	1	1	1	0	0)
(	0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1)

# TF/IDF



- Termfrequenz allein ist nicht aussagekräftig
- Terme, die in vielen Dokumenten vorkommen, sind nicht so relevant wie Terme, die nur in wenigen Dokumenten vorkommen
- Termfrequenz / Inverse Dokumentfrequenz als Gewichtung für Termfrequenzen

## TF/IDF (2)

- Termfrequenz gibt Hinweis auf Bedeutung des Terms innerhalb eines Dokuments:

$$tf_{i,j} = \frac{freq_{i,j}}{\max_l(freq_{l,j})}$$

- Inverse Dokumenthäufigkeit misst allgemeine Bedeutung des Terms für alle betrachteten Dokumente:

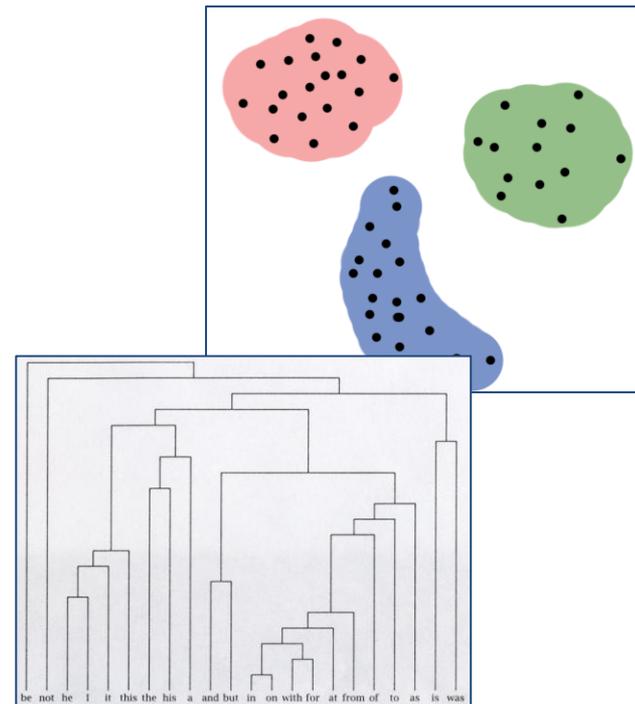
$$idf_i = \log \frac{N}{n_i}$$

- Gewicht des Terms  $i$  in Dokument  $j$  nach TD/IDF:

$$w_{i,j} = tf_{i,j} \cdot idf_i = \frac{freq_{i,j}}{\max_l(freq_{l,j})} \cdot \log \frac{N}{n_i}$$

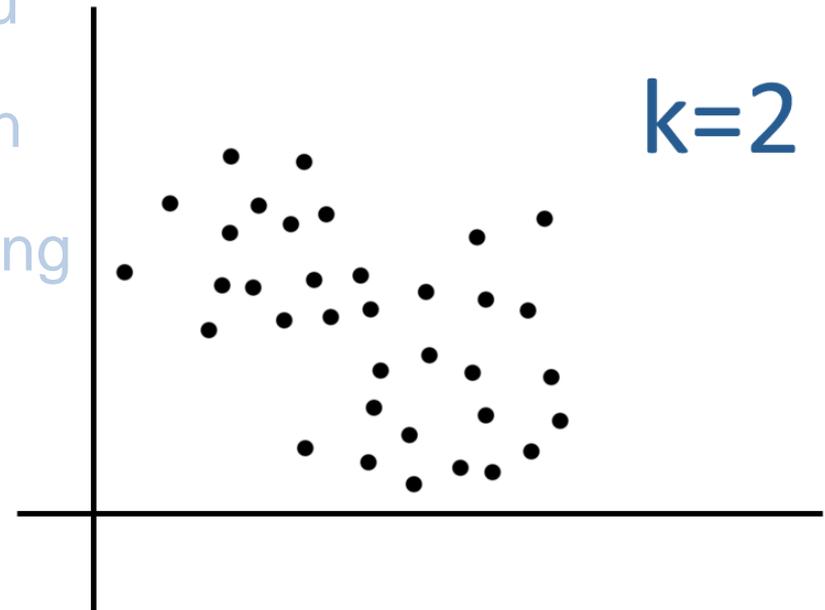
# Clustering-Algorithmen

- Ziel ist eine gute Gruppierung der Objekte
- Gruppen sind anfangs unbekannt
  - Unüberwachtes Lernen
- Verschiedene Ansätze
  - Iterativ
  - Hierarchisch
  - Dichtebasiert



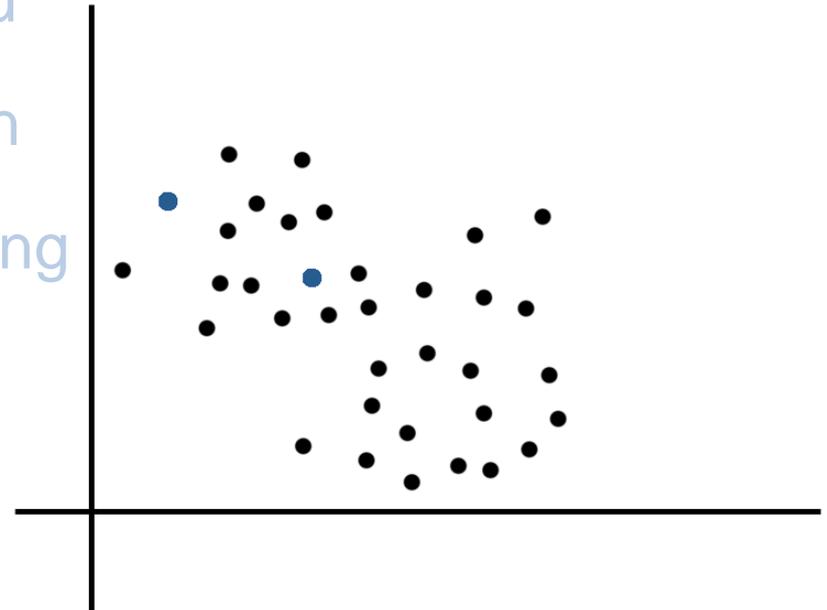
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu
- berechne die Centroiden neu
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



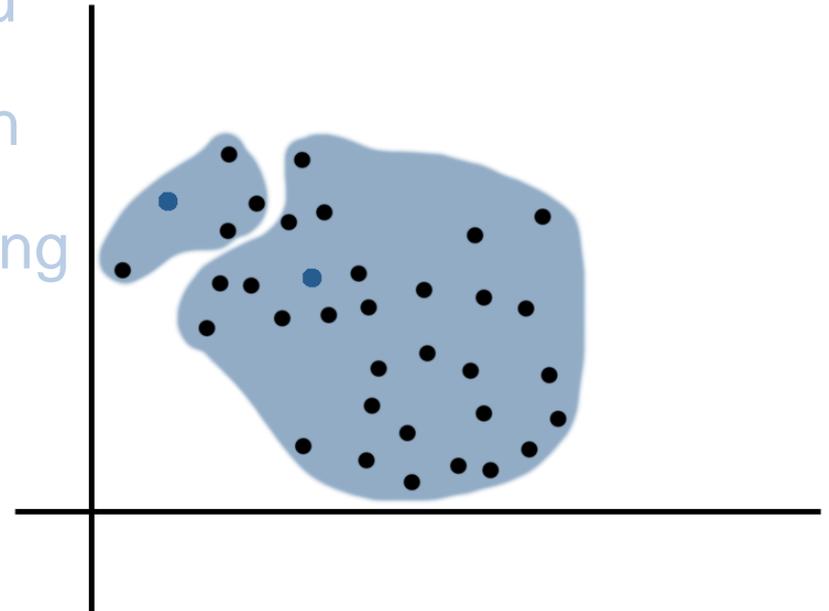
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu
- berechne die Centroiden neu
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



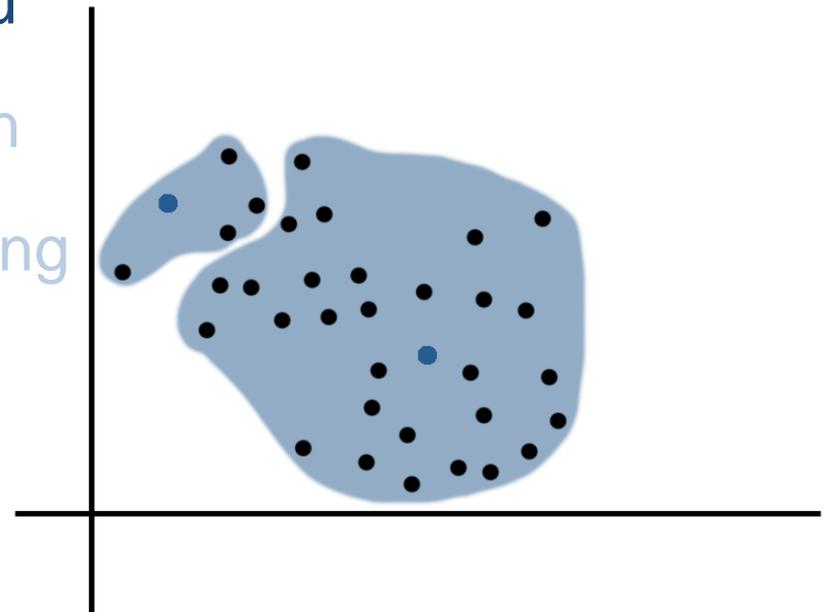
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- **weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu**
- berechne die Centroiden neu
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



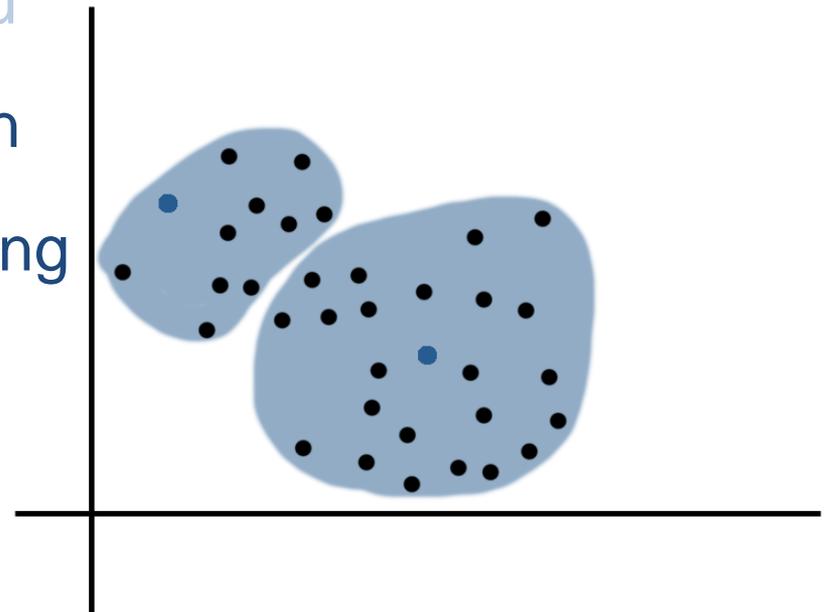
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu
- **berechne die Centroiden neu**
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



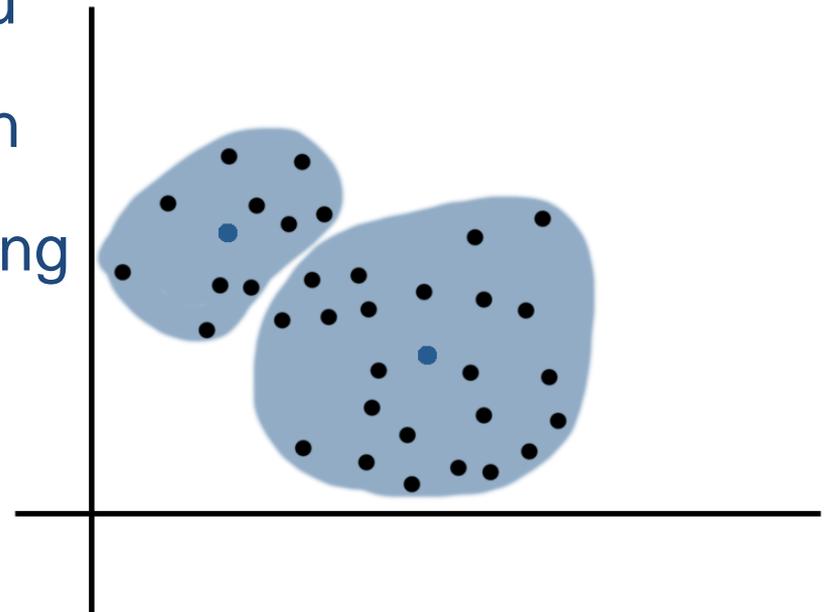
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu
- berechne die Centroiden neu
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



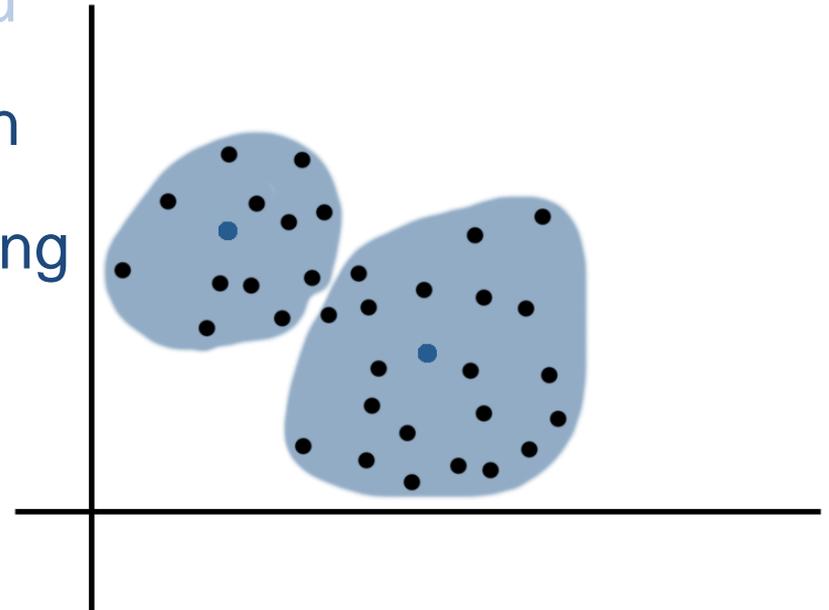
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu
- berechne die Centroiden neu
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



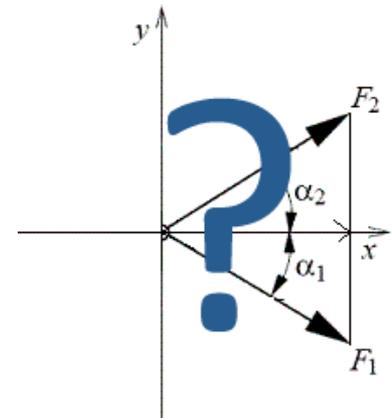
# K-Means

- wähle Anzahl der Cluster:  $k$
- wähle  $k$  zufällige Centroiden der Cluster
- weise jeden Punkt dem nächsten Centroiden zu
- berechne die Centroiden neu
- wiederhole die letzten beiden Schritte bis sich die Zuweisung nicht mehr ändert



# Ähnlichkeitsmaße

- Spiegeln die Nähe bzw. Distanz zwischen zwei Dokumenten wieder
- Für unterschiedliche Clustering-Probleme sind unterschiedliche Ähnlichkeitsmaße sinnvoll
- Tragen entscheidend zur Clusterqualität bei

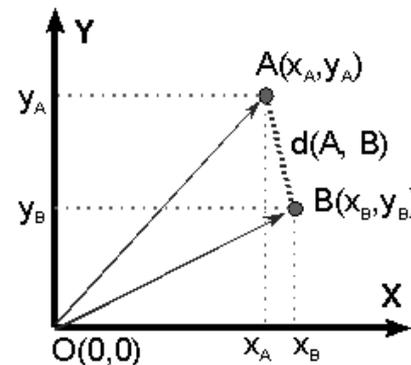


# Euklidische Distanz

- Standardmaß für geometrische Abstände

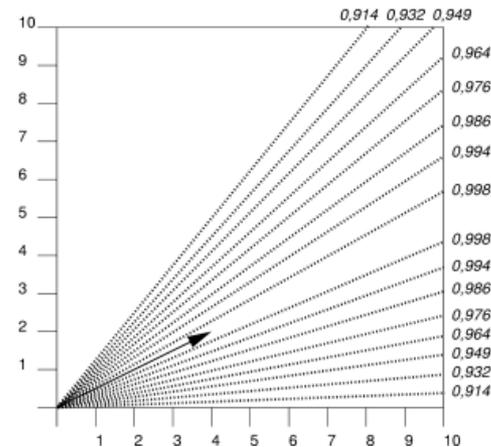
$$d(x, y) = \|x - y\|_2 = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + \dots + (x_n - y_n)^2} = \sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - y_i)^2}$$

- Länge der Strecke zwischen zwei Punkten



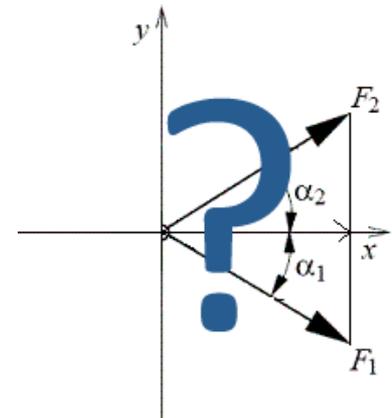
# Cosinus-Maß

- Basiert auf dem Winkel zwischen den Dokumentvektoren
- Unabhängig von Dokumentlänge



# Weitere Ähnlichkeitsmaße

- Es existieren viele weitere Ähnlichkeitsmaße
  - Jaccard-Koeffizient
  - Averaged Kullback-Leibler Divergenz
  - Pearson-Korrelation



- Je nach Anwendungsgebiet muss passendes Ähnlichkeitsmaß gewählt werden

## K-Means Vor- und Nachteile

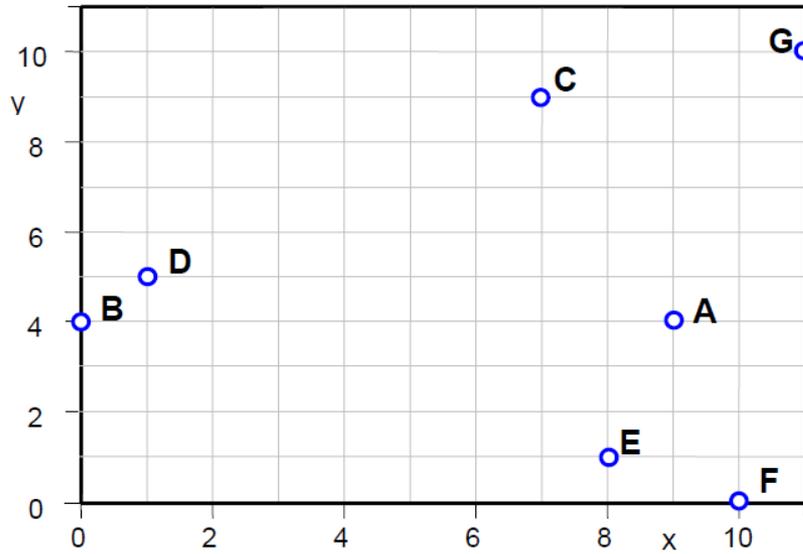
- Schnelle Laufzeit:  $O(n)$
- Allerdings immer Vorgabe von Start-Centroiden & Clusteranzahl notwendig
- Schlechte Wahl von Start-Centroiden kann die Clusterqualität negativ beeinflussen
- Wahl des Ähnlichkeitsmaßes beeinflusst Clusterqualität entscheidend

# Hierarchisch agglomeratives Clustering



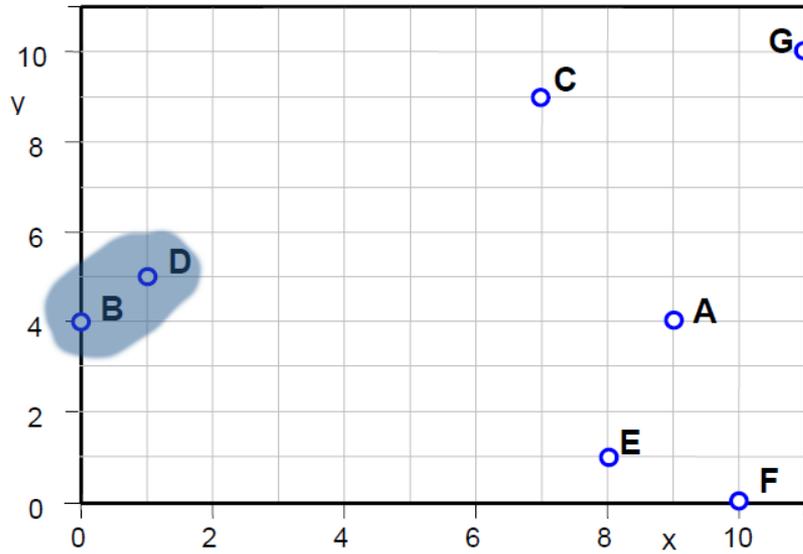
- Hierarchisch strukturiertes Ergebnis
  - informativer als unstrukturierte Cluster von K-Means
- Bottom-up Clustering: angefangen mit ein-elementigen Clustern werden diese nach und nach zusammengefasst
- Allgemeiner Algorithmus:
  - wiederhole, bis nur noch ein Cluster übrig:
    - finde zwei Cluster mit größter Ähnlichkeit
    - Vereine beide Cluster
    - Berechne Ähnlichkeiten neu

# HAC Beispiel

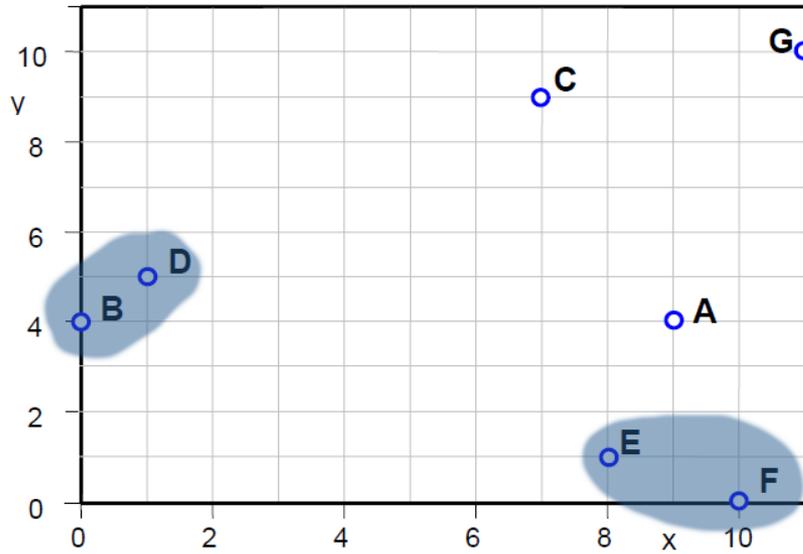


A B C D E F G

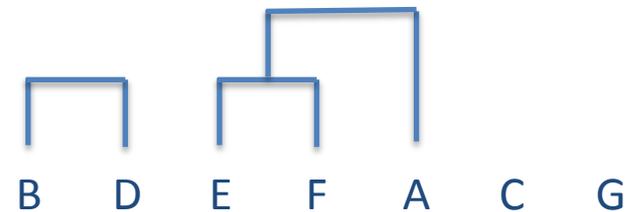
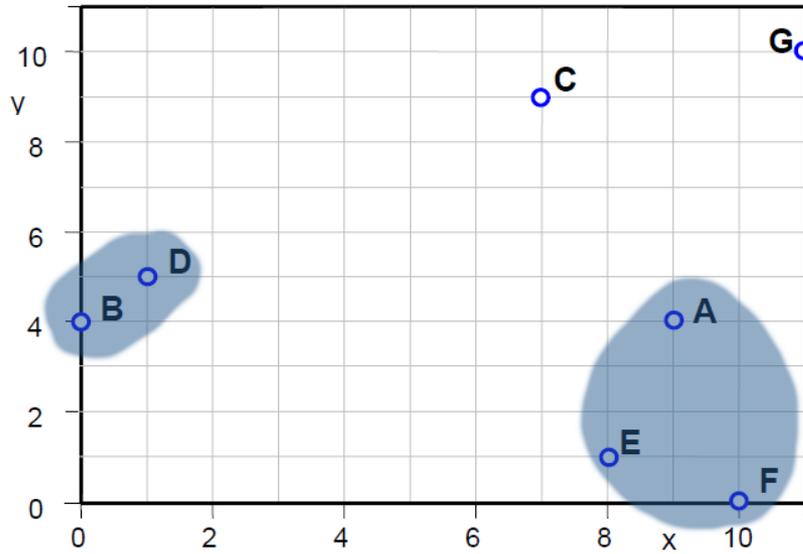
# HAC Beispiel



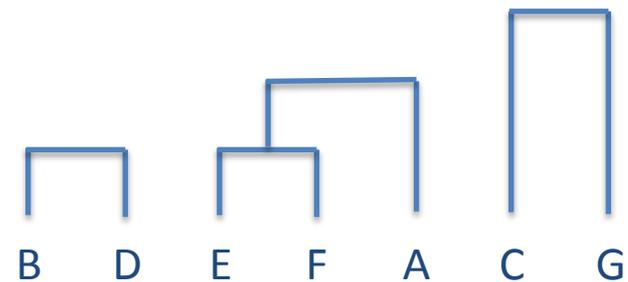
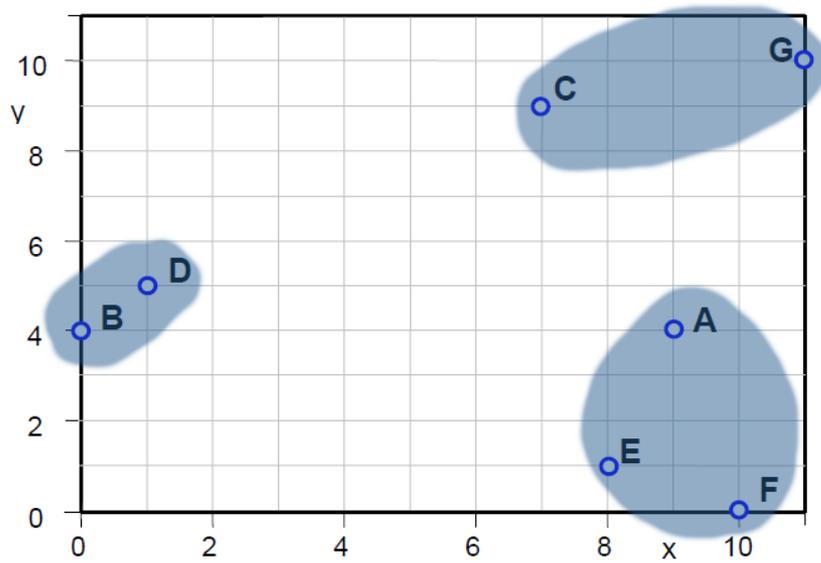
# HAC Beispiel



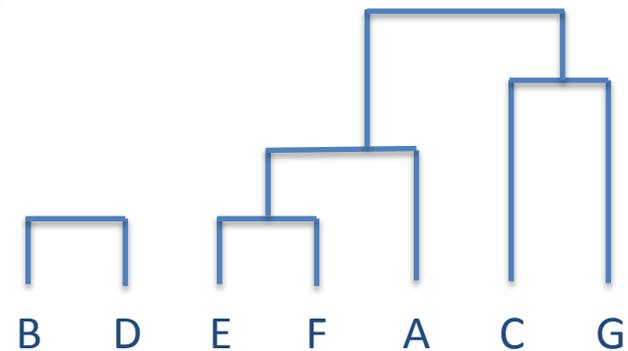
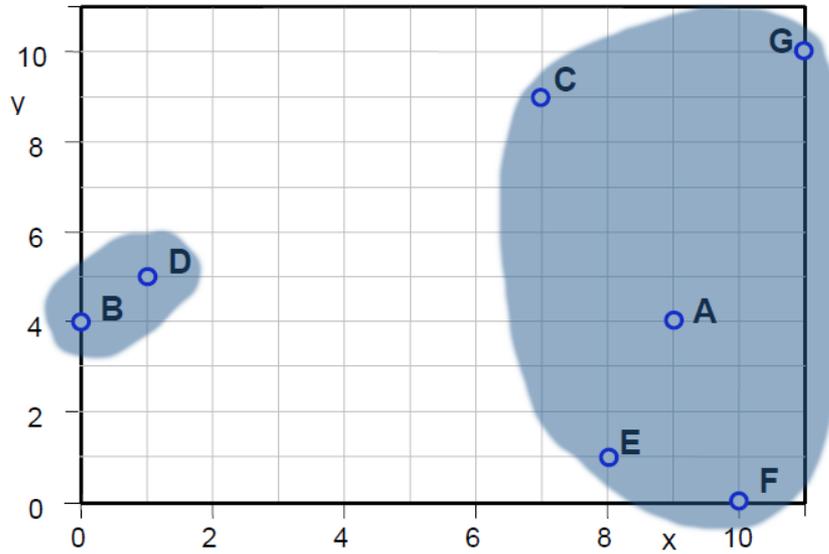
# HAC Beispiel



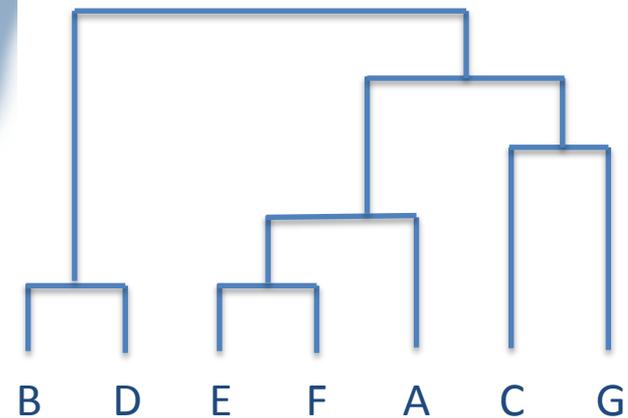
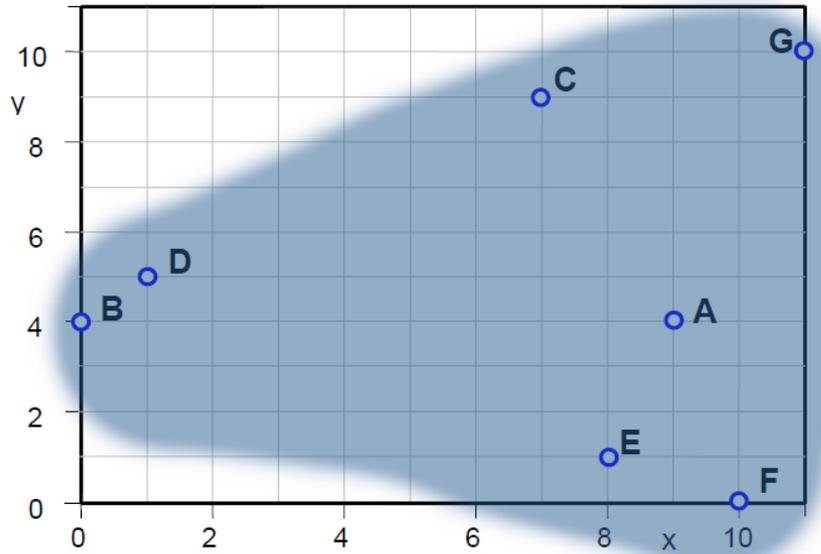
# HAC Beispiel



# HAC Beispiel



# HAC Beispiel



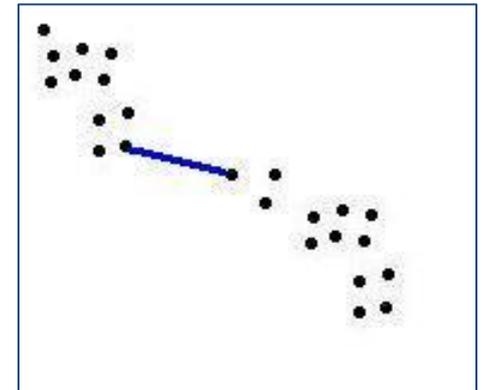
# Distanzfunktionen



- Es existieren verschiedene Möglichkeiten, die Distanz zwischen zwei Clustern zu berechnen
- Unterschiedliche Distanzfunktionen liefern unterschiedliche Clusterergebnisse
- Distanzfunktion muss je nach gewünschtem Ergebnis gewählt werden

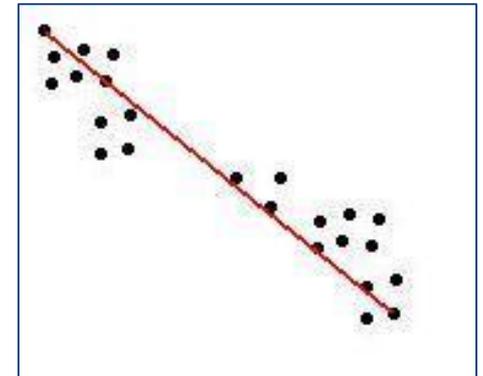
## Single Linkage

- Ähnlichkeit ist maximale Ähnlichkeit zwischen zwei beliebigen Objekten aus den Clustern
- Liefert:
  - Große Cluster
  - Schwach ähnliche Elemente
  - Nicht alle Elemente sind sich ähnlich
  - Bildet auch „langgestreckte“ Cluster



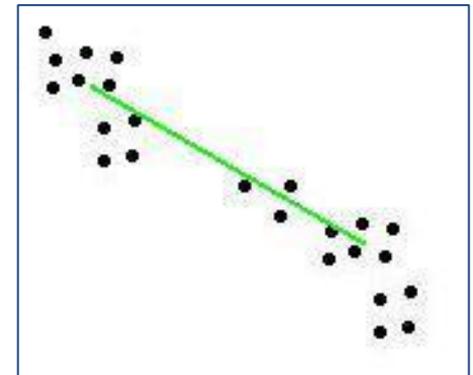
## Complete Linkage

- Ähnlichkeit ist minimale Ähnlichkeit zwischen zwei beliebigen Objekten aus den Clustern
- Liefert
  - Kleine Cluster
  - Sehr ähnliche Elemente



## Average Linkage

- Durchschnittsähnlichkeit aller Objekte im Cluster
- Liefert
  - Kleine Cluster
  - Sehr ähnliche Elemente



## HAC Vor- und Nachteile

- Erzeugt baumartige Hierarchien
- Geringer Rechenaufwand, da bei jedem Schritt die Menge der zu vergleichenden Cluster kleiner wird
- Laufzeit  $O(n^2)$

## Wofür ist Clustering nicht geeignet?

- Cluster sind nicht gelabelt
- Ähnlichkeitsstrukturen im Textaufbau werden nicht erkannt
  - Plagiate werden nicht erkannt

## Was ist ein Fingerprint?

- Kompakte Beschreibung eines Objekts
- Repräsentiert die Eigenschaften bzw. den Inhalt eines Dokuments



## Wie werden Fingerprints gebildet?

- Auswahl von Teil-Strings aus dem Text

Paderborn ist toll

- Anwendung einer Hash-Funktion auf die Teil-Strings

Paderborn ist toll

↓  
9

- Jeder Teil-String ergibt eine Minutia
  - Paderborn → 9, ist → 2, toll → 4
- Fingerprint ist Sammlung von Minutiae
  - $FP = ( 9, 2, 4 )$

# Wie wird Ähnlichkeit gemessen?

- Minutiae repräsentieren Inhalt des Textes
- Ähnlichkeit gemessen durch Vergleich der Minutiae
- Viele gleiche Minutiae → ähnliche Texte

Paderborn ist toll  
  
 9 2 4

Bielefeld ist toll  
  
 13 2 4

## Qualität des Fingerprints

- Funktion, mit der Minutiae gebildet werden
- Granularität – Größe der gewählten Teil-Strings
- Auflösung – Anzahl der verwendeten Minutiae
- Auswahlkriterien für die Teil-Strings

# Bildung der Minutiae



- Funktion zur Fingerprint-Berechnung trägt zur Qualität des Fingerprints bei
- Oft Fingerprinting nach Rabin
  - Basiert auf der Modulo-Operation mit zufälligen nicht reduzierbaren Polynomen
- Lineare Laufzeit, kaum Fehler

## Bildung der Minutiae (2)

- Fingerprint für „Paderborn“
- $T = (a_1, a_2, \dots, a_n)$   
 $= (80, 97, 100, 101, 114, 98, 111, 114, 110)$
- $FP(T, r) = (a_1 * r^n + a_2 * r^{n-1} + \dots + a_{n-1} * r^2 + a_n * r) \bmod m$   
 $FP(\text{„Paderborn“}, 3) = (80 * 3^9 + 97 * 3^8 + \dots + 114 * 3^2 + 110 * 3) \bmod 17 = 9$

# Granularität und Auflösung

- Granularität

Pader born ist t oll ↔ Pad erb orn is t t oll

- Auflösung

Pad erb orn is t t oll ↔ Pad erb orn is t t oll

## Teil-String-Auswahl

- Full-Fingerprinting
  - Jeder Teil-String des Dokuments wird ausgewählt
  - Jeder Minutia ist Teil des Fingerprints
  - Hoher Aufwand
- „Paderborn“ = „Pad“, „ade“, „der“, „erb“, „rbo“, „bor“, „orn“

## Teil-String-Auswahl

- Randomisierte Auswahl

Worst-Case

- All-Substring-Selection

alle nicht-überlappenden Teils-Strings werden gewählt

„Paderborn“ = „Pad“, „erb“, „orn“

## Teil-String-Auswahl

- First-r-Selection

die ersten r nicht-überlappenden Teil-Strings

$r=2 \rightarrow$  „Paderborn“ = „Pad“, „erb“

- First-r-Sliding-Selection

wie First-r, allerdings mit überlappenden Teil-Strings

$r=2 \rightarrow$  „Paderborn“ = „Pad“, „ade“

## Teil-String-Auswahl

- Rarest-In-Document-Selection

Teil-Strings wählen, die die seltensten Minutiae innerhalb des Dokuments bilden

- Rarest-In-Collection-Selection

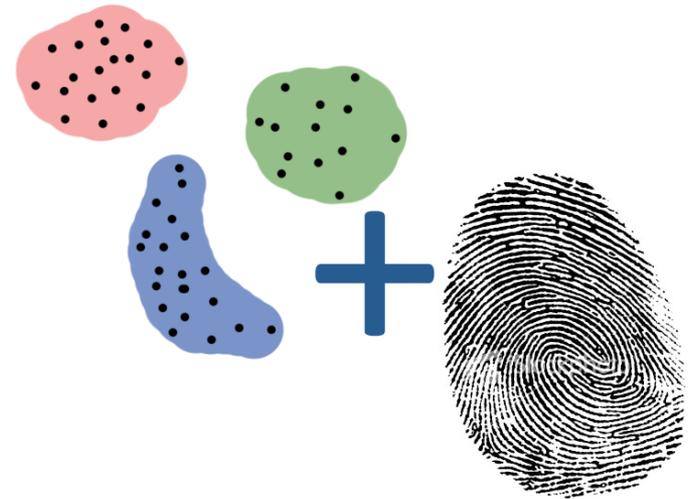
Teil-Strings auswählen, die selten in der Dokumentensammlung sind

## Clustering vs. Fingerprinting

- Clustering erkennt gleiche Thematiken
  - Ähnlichkeiten im Textaufbau werden nicht erkannt
  - Strukturen werden erkannt
- 
- Fingerprinting mehr für Erkennung gleicher Texte/Plagiate
  - Erkennung sprachlicher Gemeinsamkeiten
  - Erkennung von Veränderungen im Text
  - Gleiche Thematik wird unter Umständen nicht erkannt

## Weitere Anwendung

- Zum Teil Kombination von Fingerprinting und Clustering
- Text -> Fingerprint
- Dann Clustern der Fingerprints



## Nutzen für die PG

- Anforderungsdokumente können enthalten
  - Abschnitte mit gleicher Thematik
  - Abschnitte mit gleicher Wortwahl
  
- Beide Methoden interessant für PG

Vielen Dank für die Aufmerksamkeit!

Fragen?